

計算機システム

教授 石川 裕

助教 美添

連絡先: ishikawa@is.s.u-tokyo.ac.jp

yoshizoe@is.s.u-tokyo.ac.jp

本郷 理学部7号館505、507

計算機システム 第3回

2010/11/1

1

講義予定

- 10月18日 第1回 イン트로ダクション
- 10月25日 第2回 コンピュータの歴史、コンピュータの構成
- 11月1日 第3回 机上の計算機 演算、アドレッシング
- 11月8日 第4回 机上の計算機 サブルーチン
- 11月15日 第5回 番外編:探索アルゴリズム (美添)
- 11月29日 第6回 割り込み
- 11月22日 休み (駒場祭)
- 12月6日 第7回 パイプライン処理&メモリ階層
- 12月13日 第8回 仮想メモリ
- 12月20日 第9回 プログラミング言語、ライブラリ、OS
- 12月24日 第10回 I/O (Disk, Network)
- 1月7日 休講
- 1月17日 第11回 評価&ベンチマーク&まとめ
- 1月24日 試験

2010/11/1

計算機システム 第3回

2

理研計算科学研究機構

Bird's Eye View

Computer Building



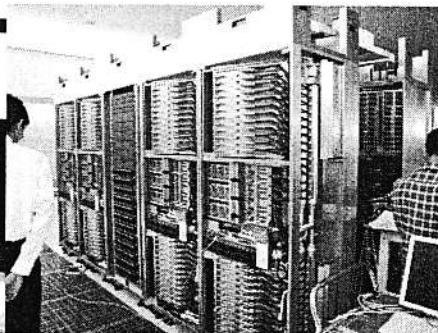
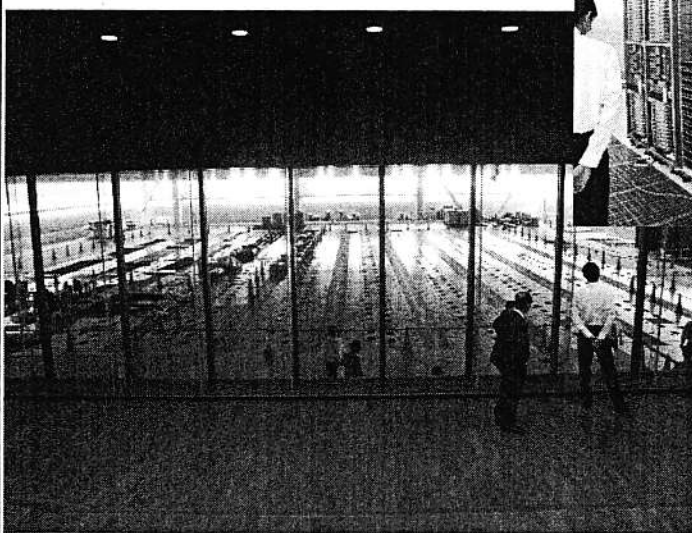
<http://www.nsc.riken.jp/>
<http://www.aics.riken.jp/>

2010/11/1

計算機システム 第3回

3

2010年10月1日



- 10 Pflops by 2012
- About 20 MW

2010/11/1

計算機システム 第3回

4

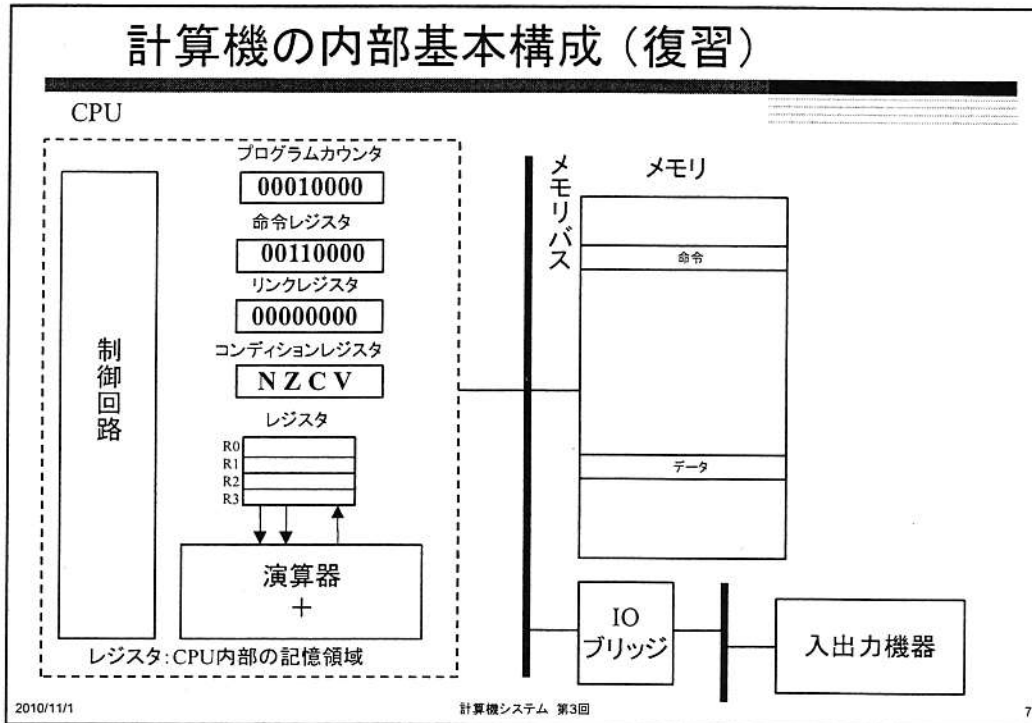
コンピュータアーキテクチャ(復習)

- G.Amdalh
 - Computer architecture is the attributes of a system as seen by the programmer, i.e., the conceptual structure and functional behaviour, as distinct from the organization of the data flows and controls the logic design, and the physical implementation.
 - IBM社360ファミリーコンピュータにコンパチビリティを与えた
- ソフトウェアから見たハードウェアの性質・属性
 - ユーザとハードウェアのインタフェース
 - 特に機械語プログラミング

機械語プログラミングに必要な情報(復習)

- ハードウェアが扱うデータ形式
 - 整数、符号なし整数、浮動小数点数、ピクセル値、文字、10進数、istring、アドレス、ポインタ、リスト、真偽値 等々
- 命令形式
 - 命令フォーマット、命令、オペランド
- メモリアドレスとメモリ操作
 - メモリアドレス空間、アドレッシングモード、特殊アドレス(I/O等)
 - スタック、キューなどのメモリアクセス操作
- ユーザレジスタ、システムレジスタ、メモリ管理レジスタ
 - レジスタの意味、レジスタ内ビットの意味、メモリ管理方式
- メモリ管理
 - アドレス変換方式
- 割り込み
 - 割り込み要因と割り込み時操作
- プロセッサモードと保護機構
 - プロセス保護、メモリ保護、特権操作の定義

計算機の内部基本構成 (復習)



浮動小数点 (復習)

S	指数部 (8ビット)	仮数部 (23ビット)
---	------------	-------------

$$\text{data} = (-1)^S \times (1 + \sum (fn/2^n)) \times 2^{E-127} \quad (\Sigma:n=1-23)$$

1 01111110 1100000000000 ... 00

$$S=1, E=126$$

$$(-1)^1 \times (1 + (1/2 + 1/2^2) + 0/2^3 + 0/2^4 + \dots) \times 2^{126-127}$$

$$= - (1 + 0.5 + 0.25) \times 2^{-1}$$

$$= - (1.75) \times 0.5 = -0.875$$

浮動小数点と誤差(復習)

S (8ビット)	指数部 (8ビット)	仮数部(23ビット)
-------------	---------------	------------

$$\text{data} = (-1)^S \times (1 + \sum (f_n/2^n)) \times 2^{E-127} \quad (\sum: n=1-23)$$

丸め誤差

- 有限桁数で表現することにより生じる誤差
- 例: 1.1 → 0x3f8cccc or 0x3f8ccccd

001111111	00011001100110011001100
-----------	-------------------------

001111111	000110011001100110011001101
-----------	-----------------------------

$$(-1)^0 \times (1 + (1/2^4 + 1/2^5 + 1/2^8 + 1/2^9 + 1/2^{12} + 1/2^{13} + 1/2^{16} + 1/2^{17} + 1/2^{20} + 1/2^{21} \dots)) \times 2^{127-127}$$

$$= 1 + 0.0625 + 0.0312 + 0.0039 + 0.0019 + \dots = 1.0999999043$$

$$1.0999999043 + 1/2^{23} = 1.0999999043 + 0.0000001192 = 1.1000000235$$

浮動小数点と誤差(復習)

S (8ビット)	指数部 (8ビット)	仮数部(23ビット)
-------------	---------------	------------

$$\text{data} = (-1)^S \times (1 + \sum (f_n/2^n)) \times 2^{E-127} \quad (\sum: n=1-23)$$

情報落ち

- 絶対値の大きい数字と絶対値の小さい数字の加減算時に絶対値の小さい数字が無視される

$$1.0 + 2^{-24} = 1.0 + 0.0000000596 = 1.0$$

$$1.0 + (2^{-24} + 2^{-24}) = 1.0 + 0.0000001192 = 1.0000001192$$

$$1.0 = 0x3f800000, 1.0/(16*1024*1024) = 0x33800000$$

E=127

001111111	00000000000000000000000
-----------	-------------------------

$$1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-24} = 1 \times 2^0 + (2^{-24} \times 2^0) = (1 + 2^{-24}) \times 2^0$$

$$1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-23} = 1 \times 2^0 + (2^{-23} \times 2^0) = (1 + 2^{-23}) \times 2^0$$

E=103

001100111	00000000000000000000000
-----------	-------------------------

E=104

001101000	10000000000000000000000
-----------	-------------------------

浮動小数点と誤差

s	指数部 (8ビット)	仮数部 (23ビット)
---	---------------	-------------

$$\text{data} = (-1)^s \times (1 + \sum_{n=1}^{23} f_n/2^n) \times 2^{E-127} \quad (\sum: n=1-23)$$

• 桁落ち

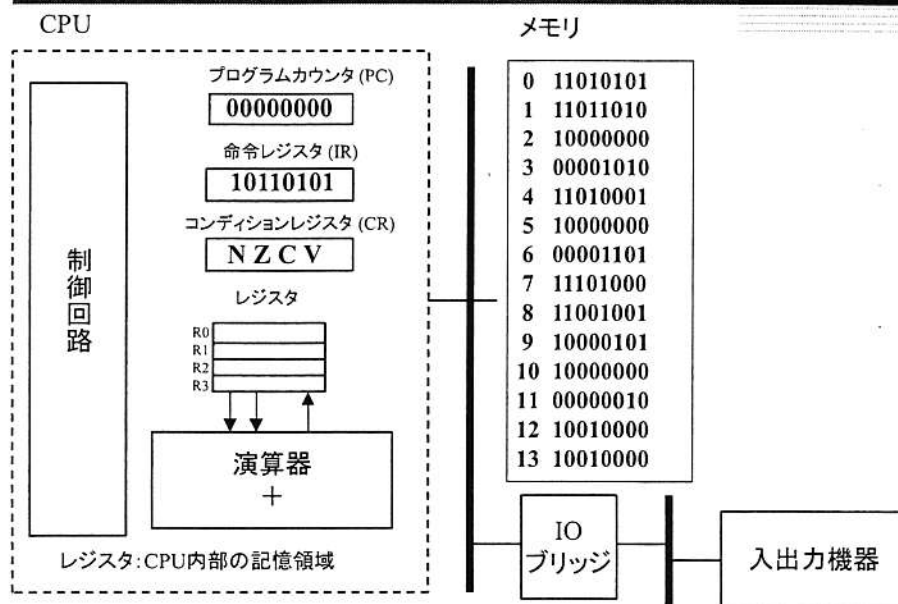
- 丸め誤差のある値で、ほぼ同じ値同士を減算したときに、有効桁数が落ちる

有効数字3ケタの値、

$$0.123 - 0.122 = 0.001 = 0.1 \times 10^{-2}$$

有効数字が1ケタになる

机上計算機の振る舞い



机上計算機 機械語

00000000

• NOP
何もせず、PCを+1する

00IIYYXX

• LD YY, II[XX]
レジスタXXの内容に値II(0, -1, -2, -3)を足した値をメモリ番地とし、そのメモリの内容をレジスタYYに格納。PCを+1する

01IIYYXX

• ST YY, II[XX]
レジスタYYの内容をレジスタXXの内容に値II(0, -1, -2, -3)を足した値をメモリ番地としたメモリに格納する。PCを+1する

100000XX

• SET XX, Immediate
PC+1番地の内容をレジスタXXに格納し、PCを+2する

100001XX

• INC XX
レジスタXXの内容を1足し、PCを+1する

100010XX

• DEC XX
レジスタXXの内容を1引き PCを+1する

100011XX

• LDLNK XX
LNKレジスタの内容をレジスタXXに格納

100100XX

• J XX
レジスタXXの値にPCを変更

100101XX

• JLNK XX
PC+1の値をLNKレジスタに格納し、レジスタXXの値にPCを変更する

100110XX

• IN XX
キーボード入力値をレジスタXXに格納し、PCを+1する

100111XX

• OUT XX
レジスタXXの内容をASCII文字として印字し、PCを+1する

101000XX

• LSHFT XX
XX ← XX << 1, PCを+1する

101001XX

• RSHFT XX
XX ← XX >> 1, PCを+1する

101010XX

• AND XX
XX ← XX and XX, PCを+1する

1011YYXX

• MV YY, XX
YY ← XX, PCを+1する

1100YYXX

• ADD YY, XX
YY ← YY + XX, PCを+1する

1101YYXX

• SUB YY, XX
YY ← YY - XX, PCを+1する

1110CCXX

• Jcnd condition, XX
コンディションCCが成立していれば、レジスタXの値にPCを変える

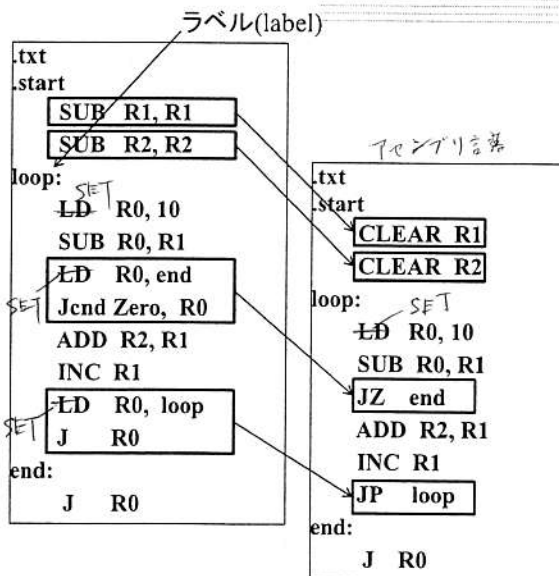
1111CCXX

• JLNKcnd condition, XX
コンディションCCが成立していれば、PC+1の値をLNKレジスタに格納し、レジスタXの値にPCを変更する

機械語、アセンブリ言語

ニーモニック(mnemonic)
人が分かりやすいように
機械語を記号表現したもの。
LD, SUB, JZ

0	11010101	SUB R1, R1
1	11011010	SUB R2, R2
2	10000000	SET R0, 10
3	00001010	
4	11010001	SUB R0, R1
5	10000000	SET R0, 13
6	00001101	
7	11101000	Jcnd Zero, R0
8	11001001	ADD R2, R1
9	10000101	INC R1
10	10000000	SET R0, 2
11	00000010	
12	10010000	J R0
13	10010000	J R0



擬似命令、アセンブラ命令(pseudo instruction, pseudo operation)

- Pseudo instruction

- 本来は存在しない機械語だが、アセンブラにより変換される

疑似命令 アセンブラにより変換される 本当の命令
CLEAR R0 $\xrightarrow{\text{すなわち、レジスタ同士の減算}}$ SUB R0, R0

- Pseudo operation

- アセンブラに対する命令。機械語には変換されない。
- 例
 - .text
 - .section

アセンブリ言語、アセンブラ

```
0 11010101
1 11011010
2 10000000
3 00001010
4 11010001
5 10000000
6 00001101
7 11101000
8 11001001
9 10000101
10 10000000
11 00000010
12 10010000
13 10010000
```

←
アセンブリ言語で書かれた
プログラムを機械語に
翻訳

```
.txt
.start
  CLEAR R1
  CLEAR R2
loop:
  LD R0, 10
  SUB R0, R1
  JZ end
  ADD R2, R1
  INC R1
  JP loop
end:
  J R0
```


高級言語 (High-level Programming Language)、コンパイラ

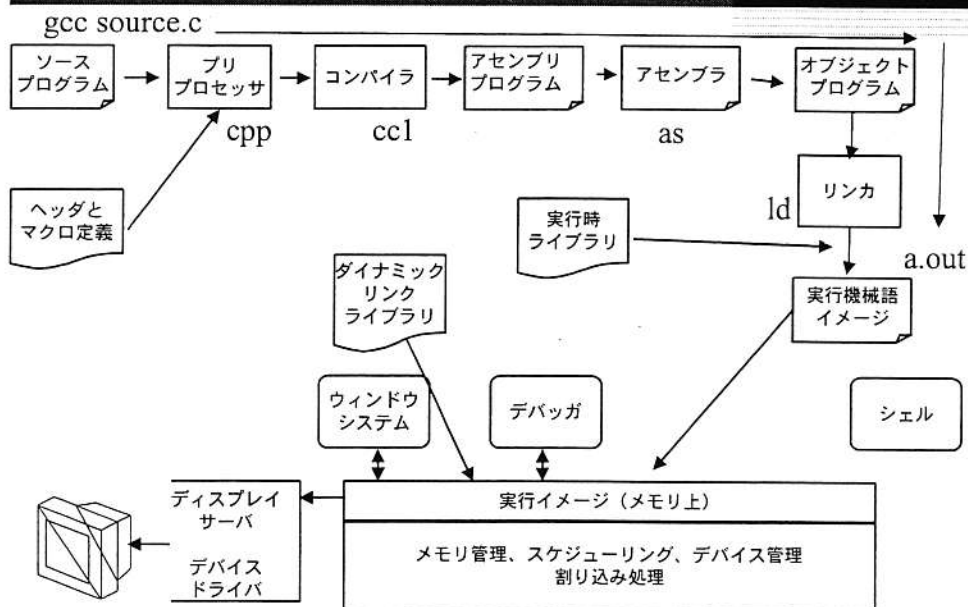
```
.txt
.start
  CLEAR R1
  CLEAR R2
loop:
  LD R0, 10
  SUB R0, R1
  JZ end
  ADD R2, R1
  INC R1
  JP loop
end:
  J R0
```

```
int il = 0;
for (i = 0; i < 10; i++) {
  il = il + i;
}
```

←
高級言語で書かれたプログラムをアセンブリ言語に翻訳

高級言語(コンパイラ型):
アセンブリ言語のように計算機アーキテクチャに依存しないプログラミングするための言語。C/C++, Fortranなど。Cは中級言語とも言われている。高級言語には、コンパイラ型とインタプリタ型がある。これらについては、第6回講義で説明予定

プログラムの実行



ルーチン、サブルーチン、手続き、ライブラリ

- プログラムのある仕事のまとまりをルーチン(routine)と呼ぶ。
- 繰り返し使えるプログラムをまとめたものをサブルーチン(Subroutine)と呼ぶ。
- サブルーチンは関数(Function)、手続き(Procedure)とも呼ばれる。
- ライブラリとは、汎用性のある手続きをまとめて、いろいろなプログラムで使えるようにしたもの。

機械語を読む

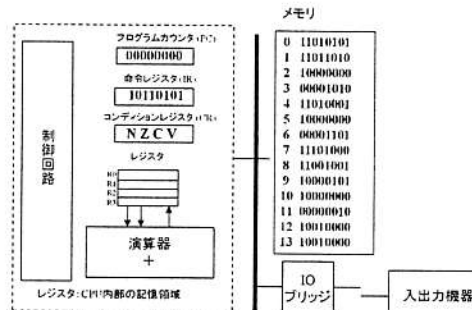
0	11010101	SUB R1, R1
1	11011010	SUB R2, R2
2	10000000	SET R0, 10
3	00001010	
4	11010001	SUB R0, R1
5	10000000	SET R0, 13
6	00001101	
7	11101000	Jcnd Zero, R0
8	11001001	ADD R2, R1
9	10000101	INC R1
10	10000000	SET R0, 2
11	00000010	
12	10010000	J R0
13	10010000	J R0

00000000	• NOP 何もせず、PCを+1する	100110XX	• IN XX ニーゴード入力値をレジスタXXに格納し、PCを+1する
0011YYXX	• LDYY, HXX レジスタXXの内容に値0..1..2..3を反した値をメモリ番地とし、そのメモリの内容をレジスタYYに格納。PCを+1する	100111XX	• +4T, XX レジスタXXの内容を4バイトずらして取り出し、PCを+1する
0111YYXX	• STYY, HXX レジスタXXの内容をレジスタXXの内容に値0..1..2..3を反した値をメモリ番地としたメモリに格納する。PCを+1する	101000XX	• LSHT, XX XX ← XX - 1, PCを+1する
100000XX	• SET XX, immediate PC+1番地の内容をレジスタXXに格納し、PCを+1する	101001XX	• RSHT, XX XX ← XX + 1, PCを+1する
100001XX	• INC XX レジスタXXの内容を+1し、PCを+1する	101010XX	• AFD, XX XX ← XX and 1, PCを+1する
100010XX	• DEC XX レジスタXXの内容を-1し、PCを+1する	1011YYXX	• MV YY, XX YY ← XX, PCを+1する
100011XX	• LDEN, XX HXXレジスタの内容をレジスタXXに格納	1100YYXX	• AFD, YY, XX YY ← YY + XX, PCを+1する
100100XX	• J XX レジスタXXの値にPCを変更	1101YYXX	• SUB YY, XX YY ← YY - XX, PCを+1する
100101XX	• JNK, XX PC+1の値をHXXレジスタに格納し、レジスタXXの値にPCを変更する	1110CCXX	• And condition, XX コンディションXXが成立していれば、レジスタXXの値に+1を変更
		1111CCXX	• RLD and condition, XX コンディションXXが成立していれば、PC+1の値をHXXレジスタに格納し、レジスタXXの値に+1を変更する

Condition Register

- 演算結果の状態を表現する
 - 整数演算、浮動小数点演算
- 演算しない命令の実行後は、コンディションレジスタは変化しない
 - レジスタロード・ストア、分岐、

コンディションレジスタ
N Z C V



コンディションコード

- N – Negative
 - 計算結果が2の補数表現で負の時にセット
- Z – Zero
 - 演算結果がゼロの時にセット
- V – Overflow
 - 計算結果が2の補数表現で桁に収まらなかったときにセット
- C – Carry (Borrow)
 - 計算結果、桁上げ(Carry)した、あるいは桁下げ(Borrow)が行われたとき

コンディションコード

• V – Overflow

- 計算結果が2の補数表現において桁に収まらなかったときにセット
 - 加算命令の場合
 - 正数と正数の加算で、最上位ビットが1になり負数になってしまう。
 - 負数と負数の加算で、最上位ビットが0になり正数になってしまう。
 - 減算命令の場合
 - 例を考えてみましょう。

コンディションコード

• C – Carry (Borrow)

- 計算結果、桁上げ(Carry)した、あるいは桁下げ(Borrow)が行われたとき

$$\begin{array}{r} 10000000 \\ + 10000000 \\ \hline \textcircled{1}00000000 \end{array} \qquad \begin{array}{r} \textcircled{0}0000000 \\ - 10000000 \\ \hline 10000000 \end{array}$$

- キャリーフラグを含めた演算がある

- ADDX
 - add with carry
 - SUBX
 - subtract with carry
- Sparcの場合

コンディションコード

- C – Carry (Borrow)
 - シフト命令等で最上位ビットあるいは最下位ビットがCarryに回る

SLL: Shift Left Logical
SRL: Shift Right Logical

加減算および乗除算(一般論)

- 加減算命令
 - 符号付、符号なしの区別はない
 - コンディションコードの扱いの違いはある
- 乗除算
 - 符号付、符号なしの区別がある

コンディションコードと分岐命令

机上計算機の場合

- 100100XX**
 - J XX
 - レジスタXXの値にPCを変更
- 100101XX**
 - JLNK XX
 - PC+1の値をLNKレジスタに格納し、レジスタXXの値にPCを変更する
- 1110CCXX**
 - Jend condition, XX
 - コンディションCCが成立していれば、レジスタXの値にPCを変える
- 1111CCXX**
 - JLNKend condition, XX
 - コンディションCCが成立していれば、PC+1の値をLNKレジスタに格納し、レジスタXの値にPCを変更する

コンディションレジスタ

NZCV

00	Vフラグが立っていれば
01	Cフラグが立っていれば
10	Zフラグが立っていれば
11	Nフラグが立っていれば

Operation Code & Operand & Addressing Mode

- Operation Code
 - 演算命令
- Operand
 - 演算命令に使用するもの
 - 指定方法
 - レジスタ
 - 即値
 - ディスプレースメント
 - レジスタ間接
 - インデックス修飾
 - 直接
 - メモリ間接
 - 自動インクリメント
 - 自動デクリメント
 - スケール付きインデックス修飾

アドレッシングモード

アドレッシング・モード	命令例	意味	使用する場合
レジスタ	Add R4, R3	$R4 \leftarrow R4 + R3$	値がレジスタに存在する時
即値またはリテラル	Add R4, #3	$R4 \leftarrow R4 + 3$	定数として使用される。あるマシンでは、リテラルと即値は別々のアドレッシング・モードとなっている。
ディスプレースメント (ベース相対)	Add R4, 100 (R1)	$R4 \leftarrow R4 + M [100 + R1]$	局所変数にアクセスする時
レジスタ間接	Add R4, (R1)	$R4 \leftarrow R4 + M [R1]$	ポインタまたはアドレス計算結果によってアクセスする時
インデックス修飾	Add R3, (R1 + R2)	$R3 \leftarrow R3 + M [R1 + R2]$	配列のアドレッシングに有用となることが多い。R1は配列のベース、R2はインデックス量。
直接または絶対	Add R1, 1001	$R1 \leftarrow R1 + M [1001]$	静的データにアクセスする際に有用となることが多い。アドレス定数は非常に長いものが要求される。
メモリ間接	Add R1, @(R3)	$R1 \leftarrow R1 + M [M [R3]]$	R3がポインタpのアドレスを指すとすると、このモードはポインタpの指すメモリの内容・pにアクセスする。
自動インクリメント	Add R1, (R2)+	$R1 \leftarrow R1 + M [R2]$ $R2 \leftarrow R2 + d$	ループを用いて配列を1つ1つ処理する際に有用である。R2は配列の開始アドレスを指す。各々の参照ごとにR2には要素サイズdを加算する。
自動デクリメント	Add R1, -(R2)	$R2 \leftarrow R2 - d$ $R1 \leftarrow R1 + M [R2]$	自動インクリメントと同様。これら2つのモードはスタックのプッシュとポップにも利用できる。
スケール付きインデックス修飾	Add R1, 100 (R2)[R3]	$R1 \leftarrow R1 + M [100 + R2 + R3 * d]$	配列のインデックス付けに使用される。あるマシンではベース・アドレッシング・モードのどれにも適用できる。